

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»**

Факультет экономики и управления

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«29» апрель 2026 г., протокол №7

Рабочая программа дисциплины

Математический анализ

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

38.03.01 Экономика

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) подготовки

Бухгалтерский учет, анализ и аудит

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

очно-заочная

Год начала подготовки - 2022

Карачаевск, 2026

Составитель: старший преподаватель кафедры математического анализа Лайпанова М. С.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 38.03.01 Экономика, утвержденным приказом Министерства образования и науки РФ от 20 августа 2020 г. № 954 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 38.03.01 Экономика», профиль: «Бухгалтерский учет, анализ и аудит», локальных актов КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2026-2027 учебный год, протокол №_8_ от 24.04.2026г.

Оглавление

1. Наименование дисциплины (модуля):	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	5
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	8
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)	10
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций.....	10
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания	11
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины	11
7.3.1. Перечень вопросов для экзамена и зачета	11
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций	13
7.3.3. Оценочные материалы.....	13
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)	13
8.1. Основная литература	13
8.2. Дополнительная литература.....	13
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)	14
9.1. Общесистемные требования	14
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины	14
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения	15
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы	15
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья	15
11. Лист регистрации изменений	16

1. Наименование дисциплины (модуля): Математический анализ

Целью изучения дисциплины является: теоретическое и прикладное освоение студентами основных разделов математического анализа, необходимых для понимания ее роли в профессиональной деятельности; обеспечение качественной подготовки бакалавров на основе применения методов обучения, характерных для математического анализа; формирования математической культуры мышления, способности к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей её достижения; освоения основных методов математического анализа, применяемых в решении профессиональных задач и научно-исследовательской деятельности.

Для достижения цели ставятся задачи:

- изучить необходимый понятийный аппарат дисциплины
- сформировать умения доказывать факты и теоремы математического анализа;
- сформировать умения решать типовые задачи основных разделов математического анализа;
- формирование представлений об основных понятиях и методах математического анализа,
- получить необходимые знания из области математического анализа для дальнейшего самостоятельного освоения научно-технической информации;
- освоение компетенций в области математического анализа.

2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Б1.О.07 «Математический анализ» относится к блоку – «Блок 1. Дисциплины (модули)», к обязательной части.

Дисциплина (модуль) изучается на 1 курсе в 1,2 семестрах.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПВО	
Индекс	Б1.О.07
Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Учебная дисциплина «Математический анализ» знакомит студентов с конкретными понятиями и фактами, применяемыми в профессиональной деятельности. Для успешного освоения дисциплины студент должен иметь базовую подготовку по элементарной математике в объёме программы средней школы.	
Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	

Изучение дисциплины «Математический анализ» необходимо для успешного освоения дисциплин, формирующих компетенцию **ОПК-2**.

3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Математический анализ» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
ОПК-2	Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.1 Использует математический инструментарий в объёме, необходимом для решения поставленных экономических задач ОПК-2.2 Применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач ОПК-2.3 Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач ОПК-2.4 Осуществляет обработку и анализ данных для решения поставленных задач на основе эконометрических методов

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоёмкость (объём) дисциплины (модуля) составляет 8 ЗЕТ, 288 академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
Общая трудоёмкость дисциплины	288		
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)			
Аудиторная работа (всего):		76	
в том числе:			
лекции		38	
семинары, практические занятия		38	
практикумы			
лабораторные работы			
Внеаудиторная работа:			
консультация перед экзаменом			

Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.			
Самостоятельная работа обучающихся		122	
Контроль самостоятельной работы		90	
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачёт/экзамен)		Экзамен, Зачёт	

5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий
(в академических часах)**

Очно-заочная форма обучения

№ п/п	Курс/семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			
			Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
			288	Лек.	Пр.	Контроль	
		1 семестр	180	18	18	36	108
	1/1	<i>Раздел 1. Введение в математический анализ</i>	90	9	9	18	54
1.		Множества. Операции над множествами. Логическая символика. Множество $\mathbb{R}$ действительных чисел. Модуль действительного числа и его свойства.	10	1	1	2	6
2.		Функции и их свойства. Область определения. График функции. Операции над функциями. Композиция функций, обратная функция	10	1	1	2	6
3.		Основные элементарные функции. Графики и свойства. Функции в экономике	10	1	1	2	6
4.		Числовая последовательность и её предел. Предельный переход в неравенствах. Вычисление пределов. Различные техники	10	1	1	2	6
5.		Монотонная последовательность и ее предел. Число e .	10	1	1	2	6
6.		Предел функции в точке. Односторонние пределы. Предел функции в бесконечности. Бесконечно большая функция.	10	1	1	2	6
7.		Бесконечно малая функция. определение и основные теоремы. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией. Основные теоремы о пределах. Признаки существования пределов.	10	1	1	2	6

8.		Первый замечательный предел. Второй замечательный предел. Следствия. Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них.	10	1	1	2	6
9.		Непрерывность функции в точке и на отрезке. Свойства функций, непрерывных в точке и на отрезке. Точки разрыва, классификация.	10	1	1	2	6
		Раздел 2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	90	9	9	18	54
10.		Определение производной, ее геометрический и механический смысл. Дифференцируемость и непрерывность функции	10	1	1	2	6
11.		Схема вычисления производной. Основные правила дифференцирования. Производная сложной и обратной функции	10	1	1	2	6
12.		Производные основных элементарных функций. Таблица производных. Производные высших порядков.	10	1	1	2	6
13.		Экономический смысл производной. Эластичность функции.	10	1	1	2	6
14.		Основные свойства дифференцируемых функций (теоремы Ферма, Ролля, Лопиталя, Лангранжа).	10	1	1	2	6
15.		Возрастание и убывание функций. Экстремумы функций. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.	10	1	1	2	6
16.		Выпуклость функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построения их графиков.	10	1	1	2	6
17.		Приложения производной в экономической теории.	10	1	1	2	6
18.		Дифференциал функции. Основные теоремы о дифференциалах. Таблица дифференциалов. Дифференциалы высших порядков.	10	1	1	2	6
		2 семестр	108	20	20	54	14
	1/2	Раздел 3. Интегральное исчисление	54	10	10	27	7
19.		Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства. Таблица основных неопределенных интегралов.	5	1	1	3	
20.		Основные методы интегрирования (непосредственное интегрирование, замена переменной, интегрирование по частям).	3	1	1		1
21.		Интегрирование простейших рациональных дробей. Метод неопределенных коэффициентов.	5	1	1	3	
22.		Интегрирование некоторых видов иррациональностей. Интегрирование тригонометрических функций.	6	1	1	3	1
23.		Понятие определённого интеграла, его геометрический и экономический смысл. Необходимое условие интегрируемости функции. Основные свойства.	6	1	1	3	1
24.		Теорема о существовании первообразной. Формула Ньютона – Лейбница. Методы вычисления определённого интеграла (замена переменной, интегрирование по частям, метод неопределенных коэффициентов).	6	1	1	3	1
25.		Геометрические приложения определённого интеграла (вычисление площадей, объёмов, длины	6	1	1	3	1

		дуги кривой.)					
26.		Несобственные интегралы 1 и 2 рода. Признаки сходимости.	6	1	1	3	1
27.		Приближенные вычисления определенного интеграла.	5	1	1	3	
28.		Использование понятия определенного интеграла в экономике.	6	1	1	3	1
		Раздел 4. Функции многих переменных	54	10	10	27	7
29.		Основные понятия. Область определения. Предел функции двух переменных.	5	1	1	3	
30.		Непрерывность фдп. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.	3	1	1		1
31.		Производная ФДП. Частные производные первого порядка и высших порядков.	5	1	1	3	
32.		Производная по направлению. Градиент.	6	1	1	3	1
33.		Дифференциал и дифференцируемость функции. Дифференциал: полный и частные. Свойства дифференциала. Дифференциалы высших порядков	6	1	1	3	1
34.		Экстремум функции двух переменных. Необходимое и достаточные условия.	6	1	1	3	1
35.		Условный экстремум функции двух переменных. Метод множителей Лагранжа	6	1	1	3	1
36.		Наибольшее и наименьшее значения фдп.	6	1	1	3	1
37.		Метод наименьших квадратов. Двойные интегралы.	5	1	1	3	
38.		Функции нескольких переменных в экономических задачах.	6	1	1	3	1
		ИТОГО:	288	38	38	90	122

6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы

Лекционные занятия. Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей

программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

Практические занятия. Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

Образовательные технологии. При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций

Компетенции	Зачтено			Незачтено
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55 % баллов)
ОПК-2: Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.1 В полном объеме использует математический инструментарий для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.1 Использует математический инструментарий для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.1 В целом использует математический инструментарий в объеме, необходимом для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.1 Фрагментарно использует математический инструментарий в объеме, необходимом для решения поставленных экономических задач
	ОПК-2.2 В полном объеме применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач	ОПК-2.2 Применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач	ОПК-2.2 В целом применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач	ОПК-2.2 Фрагментарно применяет социологический инструментарий сбора и анализа данных, необходимых для решения поставленных задач
	ОПК-2.3 В полном объеме проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.3 Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.3 В целом проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач	ОПК-2.3 Фрагментарно проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения поставленных экономических задач
	ОПК-2.4 В полном объеме осуществляет обработку и анализ	ОПК-2.4 Осуществляет обработку и анализ данных для решения	ОПК-2.4 В целом осуществляет обработку и анализ	ОПК-2.4 Фрагментарно осуществляет обработку и анализ

	данных для решения поставленных задач на основе эконометрических методов	поставленных задач на основе эконометрических методов	данных для решения поставленных задач на основе эконометрических методов	данных для решения поставленных задач на основе эконометрических методов
--	--	---	--	--

7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.3.1. Перечень вопросов для экзамена и зачета

1 семестр

1. Множество $\mathbb{R}$ действительных чисел. Свойства.
2. Функции и их свойства. Область определения.
3. Операции над функциями. Композиция функций, обратная функция
4. Основные элементарные функции. Графики и свойства.
5. Числовая последовательность и её предел. Предельный переход в неравенствах
6. Монотонная последовательность и ее предел. Число e .
7. Предел функции в точке. Односторонние пределы.
8. Предел функции в бесконечности. Бесконечно большая функция.
9. Бесконечно малая функция. определение и основные теоремы.
10. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
11. Основные теоремы о пределах.
12. Первый замечательный предел. Следствия.
13. Второй замечательный предел. Следствия.
14. Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них.
15. Непрерывность функции в точке. Свойства функций, непрерывных в точке.
16. Непрерывность функции на отрезке. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
17. Точки разрыва, классификация.
18. Определение производной, ее геометрический и механический смысл.
19. Дифференцируемость и непрерывность функции
20. Основные правила дифференцирования.
21. Производная сложной и обратной функции
22. Производные основных элементарных функций.
23. Производные высших порядков.
24. Экономический смысл производной. Эластичность функции.
25. Основные свойства дифференцируемых функций (теоремы Ферма, Ролля,).
26. Основные свойства дифференцируемых функций (теоремы Лопиталя, Лангранжа).
27. Возрастание и убывание функций. Необходимые и достаточные условия.
28. Экстремумы функций. Необходимые и достаточные условия.
29. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.

30. Выпуклость функции. Точки перегиба.
31. Асимптоты графика функции.
32. Общая схема исследования функций и построения их графиков.
33. Приложения производной в экономической теории.
34. Дифференциал функции. Основные теоремы о дифференциалах.
35. Дифференциалы высших порядков.

2 семестр

1. Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства.
2. Основные методы интегрирования: непосредственное интегрирование, замена переменной
3. Основные методы интегрирования: интегрирование по частям
4. Интегрирование простейших рациональных дробей. Метод неопределенных коэффициентов.
5. Интегрирование некоторых видов иррациональностей. Дробно-линейная подстановка.
6. Интегрирование некоторых видов иррациональностей. Тригонометрические подстановки.
7. Интегрирование тригонометрических функций.
8. Понятие определённого интеграла, его геометрический и экономический смысл.
9. Понятие определённого интеграла, необходимое условие интегрируемости функции. Основные свойства.
10. Теорема о существовании первообразной. Формула Ньютона - Лейбница.
11. Методы вычисления определённого интеграла (замена переменной, интегрирование по частям).
12. Геометрические приложения определённого интеграла (вычисление площадей, объёмов, длины дуги кривой)
13. Несобственные интегралы 1 рода. Признаки сходимости.
14. Несобственные интегралы 2 рода. Признаки сходимости
15. Приближенные вычисления определенного интеграла.
16. Использование понятия определенного интеграла в экономике.
17. Функции многих переменных. Основные понятия. Область определения
18. Предел функции двух переменных. Непрерывность фдп.
19. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.
20. Производная ФДП. Частные производные первого порядка и высших порядков.
21. Производная по направлению. Градиент.
22. Дифференциал и дифференцируемость функции. Дифференциал: полный и частные.
23. Свойства дифференциала.
24. Дифференциалы высших порядков
25. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия.
26. Условный экстремум функции двух переменных. Метод множителей Лагранжа
27. Наибольшее и наименьшее значения фдп.
28. Метод наименьших квадратов.
29. Двойные интегралы.

30. Функции нескольких переменных в экономических задачах.

7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций

7.3.3. Оценочные материалы.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

8.1. Основная литература

1. Высшая математика для экономистов: учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям / Н.Ш. Кремер [и др.] ; под ред. проф. Н.Ш. Кремера. - 3-е изд. - М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2017. - 479 с. — (Серия «Золотой фонд российских учебников») - ISBN 978-5-238-00991-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1028709>
2. Высшая математика для экономистов: сборник задач : учебное пособие / Г. И. Бобрин, Р. К. Гринцевич, В. И. Матвеев [и др.]. — 3-е изд., испр. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 539 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010074-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1852242>
3. Кастрица, О. А. Высшая математика для экономистов: Учебное пособие / Кастрица О.А., - 4-е изд., стер. - М.:НИЦ ИНФРА-М, Новое знание, 2015. - 491 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-010960-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/507318> .
4. Бурмистрова, Н. А. Математика. Математический анализ для экономистов. Руководство к решению задач : учебное пособие / Н.А. Бурмистрова, Н.И. Ильина. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 130 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-111233-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1930697> .
5. Курс высшей математики для экономистов : учебник / под ред. Р. В. Сагитова. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 647 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/13680. - ISBN 978-5-16-019153-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2091898>

8.2. Дополнительная литература

1. Полькина, Е. А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) : учебно-методическое пособие / Е. А. Полькина, Н. С. Стакун. - Москва : Прометей, 2013. - 200 с. - ISBN 978-5-7042-2490-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/750370>
2. Общий курс высшей математики для экономистов : учебник / под общ. ред. В.И. Ермакова. — Москва : ИНФРА-М, 2010. — 656 с. — (Высшее образование). - ISBN

978-5-16-003986-2. - Текст : электронный. - URL:
<https://znanium.com/catalog/product/210735>

9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

9.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 332 эбс от 02.06.2026 г. Электронный адрес: https://znanium.com	от 12.05.2026г. до 11.05.2027г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: https://e.lanbook.com	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: http://lib.kchgu.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22. 02. 2023 г. Электронный адрес: http://rusneb.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: http://elibrary.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Электронный ресурс Polpred.com Обзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: http://polpred.com	Бессрочный

9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной

программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения

- MicrosoftWindows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- MicrosoftOffice (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- CalculateLinux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная

- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir<http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.

10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

11. Лист регистрации изменений

В рабочей программе внесены следующие изменения:

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО
Обновлен договор №332 эбс ООО «Знаниум» от 02.06.2026г. Действует с 02.06.2026г. до 11.06.2027г.		03.06.2026г., протокол № 8